
Détermination de l'équation cartésienne de la tangente à la courbe $f(x)$ au point d'abscisse a

■ Exercice 1

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$ au point d'abscisse 2

Les coordonnées du point d'abscisse a sont $(a, f(a)) = (2, \sqrt{3})$

recherchons la pente de la tangente, $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction f

$$f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 - 1}}$$

Et donc, la pente est égale à $f'(a) = \frac{2}{\sqrt{3}}$

On remplace dans l'équation de la tangente: $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x - a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire $y = \frac{2(x - 2)}{\sqrt{3}} + \sqrt{3}$

$$T \equiv y = \frac{2x}{\sqrt{3}} + \sqrt{3} - \frac{4}{\sqrt{3}}$$

■ Exercice 2

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe $f(x) = 2x^3 + 3x - 1$ au point d'abscisse $-\frac{1}{2}$

Les coordonnées du point d'abscisse a sont $(a, f(a)) = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{11}{4}\right)$

recherchons la pente de la tangente, $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction f

$$f'(x) = 6x^2 + 3$$

Et donc, la pente est égale à $f'(a) = \frac{9}{2}$

On remplace dans l'équation de la tangente: $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x - a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire $y = \frac{9}{2} \left(x + \frac{1}{2}\right) - \frac{11}{4}$

$$T \equiv y = \frac{9x}{2} - \frac{1}{2}$$

■ Exercice 3

2 | eqtangente.nb

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe $f(x) = \frac{x+1}{x^2-2x}$ au point d'abscisse -1

Les coordonnées du point d'abscisse a sont $(a, f(a)) = (-1, 0)$

recherchons la pente de la tangente, $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction f

$$f'(x) = \frac{1}{x^2-2x} - \frac{(x+1)(2x-2)}{(x^2-2x)^2} = -\frac{x^2+2x-2}{(x-2)^2 x^2}$$

Et donc, la pente est égale à $f'(a) = -\frac{1}{3}$

On remplace dans l'équation de la tangente: $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x-a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire $y = \frac{x+1}{3}$

$$T \equiv y = \frac{x}{3} + \frac{1}{3}$$